

අධ්‍යයන පොදු සහතික පත්‍ර (උ/පෙළ) විභාගය

සංයුක්ත ගණිතය

12 ශ්‍රේණිය

කාලය පැය 03 යි.

A කොටස

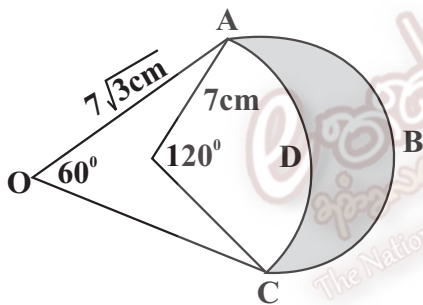
- A කොටසේ ප්‍රශ්න සියල්ලටම හා B කොටසේ ප්‍රශ්න පහකට පමණක් පිළිතුරු සපයන්න.

(01) පහත ශ්‍රිතවල වසම සහ පරාසය ලියන්න.

(a) $y = f(x) = \frac{1}{\sqrt{1-x^2}}$

(b) $y = f(x) = \frac{1}{(x-2)(x-3)}$

(02)



රූපයේ දක්වා ඇත්තේ O කේන්ද්‍රය ද, අරයයන් 7cm හා $7\sqrt{3}$ cm වූ කේන්ද්‍රික ඛණ්ඩ 02 කි. රූපයේ අඳුරු කර ඇති කොටසේ පරිමිතිය සොයන්න.

(03) $A=(4, 5), B=(10, 2)$ නම් AB රේඛාව ත්‍රිවිජේදනය කරන ලක්ෂ්‍යය සොයන්න.

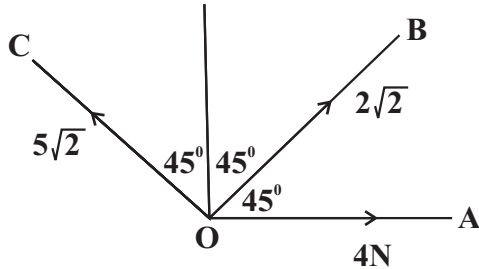
(04) $A \equiv (x_1, y_1), B \equiv (x_2, y_2)$ නම් විෂ්කම්භය AB වන වෘත්තය මත C (x, y) ලක්ෂ්‍යය ඇත්නම් $(x-x_1)(x-x_2)+(y-y_1)(y-y_2)=0$ බව පෙන්වන්න.

(05) $3^{2x} - 30 \times 3^x + 81 = 0$ විසඳන්න.

(06) $\lim_{x \rightarrow 1} \left(\frac{x^{3/4} - 1}{1 - x^{2/3}} \right)$ සොයන්න.

- (07) අංශුවක් මත ක්‍රියා කරන $\mathbf{P}$, $\mathbf{P}$ සමාන බල දෙකක සම්ප්‍රයුක්තය ද, $\mathbf{P}$ නම් බල දෙක අතර කෝණය ද සොයන්න.

(08)



බල පද්ධතියේ සම්ප්‍රයුක්තය සොයන්න.

- (09) $\mathbf{WN}$, බර අංශුවක් සැහැල්ලු අවිනාශ තන්තු දෙකක් මගින් සිරස් තලයක සමතුලිතව තබා ඇත. එක් එක් තන්තුව සිරස සමඟ 30° හා 60° ක් සාදයි නම් තන්තුවල ආතති සොයන්න.

- (10) $\mathbf{F}_1 = a\mathbf{i} + 3\mathbf{j}$, $\mathbf{F}_2 = a\mathbf{i} + b\mathbf{j}$, $\mathbf{F}_3 = 5\mathbf{i} - 4\mathbf{j}$, $\mathbf{F}_4 = -\mathbf{i} - 2\mathbf{j}$ යන බල අංශුවක් මත ක්‍රියා කරමින් අංශුව සමතුලිතව ඇත. a හා b හි අගයන් සොයන්න.

B කොටස

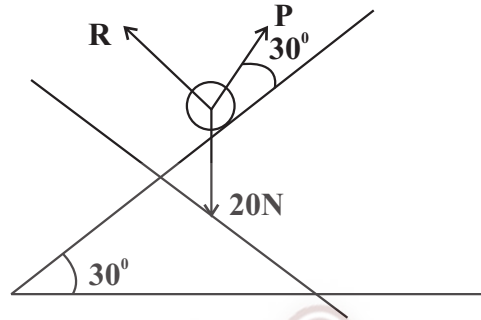
11. (a) $\mathbf{ABC}$ සමපාද ත්‍රිකෝණයේ පාදයක දිග 2m වේ. $\mathbf{BC}$, $\mathbf{CA}$, $\mathbf{AB}$ පාදවල මධ්‍ය ලක්ෂ්‍ය පිළිවෙලින් $\mathbf{L}$, $\mathbf{M}$, $\mathbf{N}$ වේ. ලක්ෂ්‍යයක් මත ක්‍රියා කරන 10N , 2N , 8N , $4\sqrt{3}\text{N}$ හා 2N බල පිළිවෙලින් $\mathbf{BL}$, $\mathbf{LN}$, $\mathbf{MN}$, $\mathbf{NC}$ හා $\mathbf{CA}$ පාද දිගේ පිහිටා තිබේ. බල පද්ධතියේ සම්ප්‍රයුක්තය සොයන්න.
- (b) අංශුවක් මත ක්‍රියා කරන $\mathbf{P}$ හා $\mathbf{Q}$ බල දෙකක සම්ප්‍රයුක්තය $\mathbf{P}$ බලයට ලම්බය. බලයේ විශාලත්වය දෙගුණ කළ විට සම්ප්‍රයුක්තය $\mathbf{Q}$ බලයට ලම්බය. බල දෙක අතර කෝණය සොයන්න.

12. (a) සැහැල්ලු අවිතන්‍ය තන්තුවක එක් කෙළවරක් සිරස් බිත්තියක අවල ලක්‍ෂ්‍යයකට ගැට ගසා ඇති අතර අනෙක් කෙළවරට m ස්කන්ධයක් ඇති අංශුවක් ඇදා තන්තුව බිත්තිය සමඟ θ කෝණයක් සෑදෙන සේ සමතුලිතව තබා ඇත්තේ අංශුවට යෙදූ $2mg$ N තිරස් බලයක් මගිනි.

(i) θ සොයන්න.

(ii) තන්තුවේ ආතතිය සොයන්න.

(b)



තිරසට 30° කෝණයකින් ආනත සුමට අවල තලයක් මත ස්කන්ධය 2kg ලක්‍ෂ්‍යකාර වස්තුවක් සමතුලිතව තැබීම සඳහා ආනත තලය සමඟ 30° ක කෝණයක් සාදමින් රූපයේ දක්වා ඇති පරිදි P N බලයක් යොදා ඇත. P හි අගය ද, ආනත තලය හා වස්තුව අතර ප්‍රතික්‍රියාව ද සොයන්න.

13. (a) ශේෂ ප්‍රවේගය ප්‍රකාශ කර සාධනය කරන්න.

(b) මාත්‍රය 3 හෝ ඊට වැඩි $f(x)$ බහුපදයක් $(x-1), (x-2), (x-3)$ න් බෙදූ විට ශේෂයන් පිළිවෙලින් 1, 2, 3 වේ. $f(x)$ බහු පදය $(x-1), (x-2), (x-3)$ න් බෙදූ විට ශේෂය සොයන්න.

14. (a) $A(4, 4), B(-2, 2), C(-3, 0), D(0, -2), E(5, 0)$ නම් $ABCDE$ පචාස්‍රයේ වර්ගඵලය සොයන්න.

(b) $A \equiv (a, b), B \equiv (c, d)$ ලක්‍ෂ්‍ය හරහා යන රේඛාව බණ්ඩාංක අක්ෂ වලින් බෙදෙන අනුපාත සොයන්න.

15. (a) පහත සර්වසාම්‍ය සාධනය කරන්න.

$$(i) \frac{1 - \cos 2A}{1 + \cos 2A} = \tan^2 A$$

$$(ii) \frac{\sec 8A - 1}{\sec 4A - 1} = \frac{\tan 8A}{\tan 2A}$$

$$(b) \frac{\sin 6\alpha}{2 \cos \alpha} \text{ හි අගය } \sin \alpha \text{ පද වලින් සොයන්න.}$$

16. (a) $\log \left(\frac{1}{3} + \frac{1}{4} \right) + 2 \log^2 + \log \frac{3}{7}$ සුළු කරන්න.

$$(b) \frac{1}{\log_{xy} xyz} + \frac{1}{\log_{yz} xyz} + \frac{1}{\log_{zx} xyz} = 2 \text{ බව පෙන්වන්න.}$$

$$(c) a \log_a \left(\frac{b}{c} \right) \times b \log_b \left(\frac{c}{a} \right) \times c \log_c \left(\frac{a}{b} \right) = 1 \text{ බව පෙන්වන්න.}$$