

24

සමාන්තර ග්‍රේඩි

සංඛ්‍යා සමුහයක් අනුපිළිවෙලට ලියා ඇතිවිට ඒවායේ අනුයාත පද අතර අන්තරය නියතවන්නා වූ ග්‍රේඩි සමාන්තර ග්‍රේඩි තමින් හැඳින්වේ.

උදෙහරණ

$$* 3, 5, 7, 9, 11, \dots$$

$$* 21, 18, 15, 12, \dots$$

$$* 8, 11, 14, 17, \dots$$

▲ සංඛ්‍යා රටාවක් සමාන්තර ග්‍රේඩියක් දැයි හඳුනා ගැනීමට ඒවායේ අනුයාත පද අතර අන්තරය නියත ව පවතී ද දි පරීක්ෂා කර බැලිය යුතු ය. (එසේ පරීක්ෂා කර බැලිම සඳහා ඕනෑම ම පදයකින් රේට පෙර පදය අඩු කළ යුතුයි.) එම නියත අගය සමාන්තර ග්‍රේඩියක පොදු අන්තරය ලෙස හැඳින්වේ.

$$\text{පොදු අන්තරය } (d) = \text{පසු පදය} - \text{පෙර පදය}$$

24.1 අභ්‍යාසය

ඉහත දක්වූ ආකාරයට පහත සංඛ්‍යා ග්‍රේඩිවල පොදු අන්තරය සෝයන්න.

$$(1) 2, 5, 8, 11, \dots$$

$$(6) 12\frac{1}{3}, 11\frac{2}{3}, 11 \dots$$

$$(2) 4, 3\frac{1}{2}, 3, \dots$$

$$(7) 7, 6\frac{1}{2}, 6, 5\frac{1}{2}, \dots$$

$$(3) 2, 2 \cdot 3, 2 \cdot 6, 2 \cdot 9, \dots$$

$$(8) 10 \cdot 25, 10 \cdot 50, 10 \cdot 75, \dots$$

$$(4) -4, -9, -14, -19, \dots$$

$$(9) -20, -17, -14, \dots$$

$$(5) 15, 12, 9, 6, \dots$$

$$(10) -40, -43, -46, \dots$$

24.1 සමාන්තර ග්‍රේඩියක n වැනි පදය සෙවීම

3, 8, 13, 18, ග්‍රේඩිය සලකමු. මෙහි පලමු පදය 3 ද, පොදු අන්තරය 5 ද වේ. ග්‍රේඩියේ මුළු පද පිළිවෙළින් T_1, T_2, T_3, T_4 ලෙස ගන් විට

$$T_1 = 3$$

$$T_2 = 3 + 5$$

$$T_3 = 3 + (2 \times 5)$$

$$T_4 = 3 + (3 \times 5)$$

$$T_5 = 3 + (4 \times 5)$$

$$\text{මේ අනුව } n \text{ වැනි පදය } T_n = 3 + (n - 1)5$$

$$n \text{ වැනි පදය} = \text{පළමු පදය} + (n \text{ වලින් 1 ක් අඩු අගය}) \times (\text{පොදු අන්තරය})$$

මෙහි පළමු පදය a ලෙසත්, පොදු අන්තරය d ලෙසත් ගත් විට n වැනි පදය T_n තම

මෙම සම්බන්ධතාව මෙසේ ද ගොඩනගා ගත හැකි ය. පළමු පදය a ද පොදු අන්තරය d වන ග්‍රේඩීයක් සැලකු විට $a, (a+d), (a+2d), (a+3d)$ යනාදී ලෙස ග්‍රේඩීට ලිවිය හැකි ය. එවිට

$$T_1 = a$$

$$T_2 = a + d$$

$$T_3 = a + 2d$$

$$T_4 = a + 3d$$

$$T_5 = a + 4d$$

$$\therefore T_{100} = a + 99d$$

$$n \text{ වැනි පදය}, \quad T_n = a + (n - 1)d$$

$$T_n = a + (n - 1)d \quad \text{ලෙසි ලැබේ.}$$

මෙම සූත්‍රය භාවිත කර පළමු පදය හා පොදු අන්තරය දැන්නා සමාන්තර ග්‍රේඩීයක ඕනෑම පදයක් පහසුවෙන් සොයා ගත හැකි ය.

නිදහුන (1)

2, 6, 10, 14, ග්‍රේඩීයේ 20 වැනි පදය සොයන්න.

$$T_n = a + (n - 1)d \text{ මගින්}$$

$$a = 2$$

$$T_{20} = 2 + (20 - 1)4$$

$$d = 4 \quad \text{හා} \quad n = 20$$

$$= 2 + 19 \times 4$$

$$T_{20} = ?$$

$$= 2 + 76$$

$$\underline{\underline{T_{20} = 78}}$$

නිදහුන (2)

පළමු පදය -2 ද පොදු අන්තරය (-6) ද වන සමාන්තර ග්‍රේඩීයක 15 වැනි පදය සොයන්න.

$$T_n = a + (n - 1)d$$

$$a = -2, \quad d = -6, \quad n = 15$$

$$T_{15} = -2 + (15 - 1)(-6)$$

$$T_{15} = ?$$

$$= -2 + (-84)$$

$$\underline{\underline{T_{15} = -86}}$$

නිදහස (3)

සමාන්තර ගෝඩීයක 4 වැනි පදය 10 ද 10 වැනි පදය 22 වේ. මෙම ගෝඩීයේ පලමු පදයන් පොදු අන්තරයන් සෞයන්න.

$$\begin{aligned} T_n &= a + (n - 1)d \text{ මගින්} \\ 10 &= a + 3d \quad \underline{\quad} \quad (1) \\ 22 &= a + 9d \quad \underline{\quad} \quad (2) \\ (2) - (1) \quad 12 &= 6d \\ \underline{2} &= d \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} d &= 2 \quad (1) \text{ සම්කරණය ආදේශයෙන්} \\ 10 &= a + 3d \quad \underline{\quad} \quad (1) \\ 10 &= a + 3 \times 2 \\ 10 - 6 &= a \\ \underline{4} &= a \end{aligned}$$

නිදහස (4)

සමාන්තර ගෝඩීයක 4 වැනි පදය 18 වේ. පොදු අන්තරය 6 නම් ගෝඩීයේ පලමුවැනි පදය හා 20 වැනි පදය සෞයන්න.

$$a = ?, \quad T_4 = 18, \quad d = 6, \quad T_{20} = ?$$

$$\begin{aligned} T_n &= a + (n - 1)d \text{ මගින්} \\ T_4 &= a + (4 - 1)6 \\ 18 &= a + 3 \times 6 \\ 18 - 18 &= a \\ 0 &= a \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} T_n &= a + (n - 1)d \text{ මගින්} \\ T_{20} &= a + 19 \times 6 \\ T_{20} &= 0 + 114 \\ \underline{T_{20}} &= 114 \end{aligned}$$

නිදහස (5)

3.7, 4, 4.3, ගෝඩීයේ 10.9 වන්නේ කි වැනි පදය ද?

$$a = 3.7, \quad d = 0.3, \quad T_n = 10.9$$

$$\begin{aligned} T_n &= a + (n - 1)d \text{ මගින්} \\ 10.9 &= 3.7 + 0.3n - 0.3 \\ 10.9 &= 3.4 + 0.3n \\ 10.9 - 3.4 &= 0.3n \\ 7.5 &= 0.3n \\ \frac{7.5}{0.3} &= n \\ \underline{25} &= n \end{aligned}$$

නිදහස (6)

25 හා 305 අතර ඇති 6 හි ගුණකාර කියක් තිබේ ද?

මෙම 6 ගුණකාර ගෝඩීයක් ලෙස පිහිටියි.
30, 36, 42, , 300

$$a = 30, \quad d = 6, \quad \text{අවසාන පදය } 300 \text{ වේ. } n = ?$$

$$\begin{aligned} T_n &= a + (n - 1)d \text{ මගින්} \\ 300 &= 30 + (n - 1)6 \\ 300 &= 30 + 6n - 6 \\ 300 - 24 &= 6n \\ 276 &= 6n \\ \frac{276}{6} &= n \\ \underline{46} &= n \end{aligned}$$

* 25 ත් 305 ත් අතර 6 ගුණකාර 46 පවතී.

24-2 අභ්‍යන්තර

- (1) පහත සඳහන් සමාන්තර ග්‍රේඩීවල ඉදිරියෙන් දක්වා ඇති පදය සොයන්න.
- (i) 3, 6, 9, (12 වැනි පදය)
 - (ii) 24, 20, 16, ... (10 වැනි පදය)
 - (iii) -4, -8, -12, ... (15 වැනි පදය)
 - (iv) -5, -2, 1, (12 වැනි පදය)
 - (v) 3, 4.5, 6, (20 වැනි පදය)
 - (vi) -10, -7, -4, (15 වැනි පදය)
 - (vii) $\frac{1}{2}, \frac{3}{4}, 1, \dots$ (12 වැනි පදය)
 - (viii) $x, x + 2, x + 4, \dots$ (10 වැනි පදය)
 - (ix) $x, x - 3, x - 6, \dots$ (10 වැනි පදය)
- (2) 4, 7, 10, ග්‍රේඩීයේ 64 වන්නේ කී වන පදය ඇ?
- (3) සමාන්තර ග්‍රේඩීයක පළමු පදය 3 ඇ අවවැනි පදය 38 ඇ වේ. ග්‍රේඩීයේ පොදු අන්තරයන් 20 වැනි පදයන් සොයන්න.
- (4) සමාන්තර ග්‍රේඩීයක පොදු අන්තරය -4 ඇ 19 වන පදය -67 ඇ නම් ග්‍රේඩීයේ පළමු පදයන් 25 වැනි පදයන් සොයන්න.
- (5) සමාන්තර ග්‍රේඩීයක n වන පදය $5n - 3$ වේ. ග්‍රේඩීයේ 10 වැනි පදය සොයන්න.

24-2 සමාන්තර මධ්‍යන්තය

සමාන්තර ග්‍රේඩීයක අනුයාත පද තුනක් ගන් විට ඉන් දෙවැනි පදය පළමු හා තෙවන පදයේ සමාන්තර මධ්‍යන්තය ලෙස හැඳින්වේ.

a, b, c යනු සමාන්තර ග්‍රේඩීයක අනුයාත පද තුනක් නම් b යනු a හා c හි සමාන්තර මධ්‍යන්තය වේ.

නිදහස් (7)

5, 8, 11 සමාන්තර ග්‍රේඩීයක අනුයාත පද තුනකි. මෙම පද තුන සමාන්තර ග්‍රේඩීයක් ලෙස හැසිරෙන බැවින් 8 යනු 5 හා 11 හි සමාන්තර මධ්‍යන්තය ලෙස හැඳින්වේ.

අනුයාත පද තුනක් ගන් විට සමාන්තර මධ්‍යන්තය සොයාගත හැකි පහසු කුමයක් ඇත.

a, b, c අනුයාත පද තුන නම්

පොදු අන්තරය

$$\begin{aligned}
 b - a &= c - b && \text{මේ අනුව } 5, 8, 11 \text{ ග්‍රේඩීයේ සමාන්තර} \\
 2b &= a + c && \text{මධ්‍යන්තය } 8 = \frac{5+11}{2} \text{ වේ.} \\
 b &= \frac{a+c}{2} \\
 \hline \hline
 \end{aligned}$$

திட்டங்கள் (8)

24 ஹ 36 அதர சுமாங்கர மதினாங்ய ஸோயன்ன.

சுமாங்கர மதினாங்ய x நமி

$$x = \frac{24 + 36}{2}$$

$$x = \frac{60}{2}$$

$$\underline{\underline{x = 30}}$$

$\therefore 24$ ஹ 36 அதர சுமாங்கர மதினாங்ய $= 30$ வே.

திட்டங்கள் (9)

6 ஹ 36 அதர படி 4 க் ஸோயன்ன.

படி ஹகர p, q, r, s நமி,

சுமாங்கர ஞேகீய $6, p, q, r, s, 36$ லேசு லிவிய ஹகீ ய. படி கண்ண 6 கி.

ஓ அங்கு $a = 6, T_6 = 32, n = 6$

$$T_n = a + (n - 1)d$$

$$36 = 6 + 5d \quad \therefore p = 12$$

$$30 = 5d \quad q = 18$$

$$\frac{30}{5} = d \quad r = 24$$

$$\underline{\underline{6 = d}} \quad s = 30$$

படி ஹகர $12, 18, 24, 30$ வே.

திட்டங்கள் (10)

28 ஹ 12 அதர படி 3 க் ஸோயன்ன.

படி மதினாங்ய p, q, r நமி,

ஞேகீய $28, p, q, r, 12$ லேசு லிவிய ஹகீ ய. லிவிவ

$a = 28, T_5 = 12$

$$T_n = a + (n - 1)d$$
 மகின்,

$$12 = 28 + 4d \quad \text{எனமி } p = 24$$

$$12 - 28 = 4d \quad q = 20$$

$$-16 = 4d \quad \underline{\underline{r = 16}}$$

$$\underline{\underline{-4 = d}}$$

படி தூந $24, 20, 16$ வே.

24.3 අභ්‍යාසය

(1) පහත දැක්වෙන එක් එක් සංඛ්‍යා යුගලවල සමාන්තර මධ්‍යන්යය බැඳීන් පියන්න.

$$(i) 8 \text{ හා } 22$$

$$(ii) -4 \text{ හා } -10$$

$$(iii) 2\frac{1}{2} \text{ හා } 7\frac{1}{2}$$

$$(iv) 14 \text{ හා } -12$$

$$(v) (x+6) \text{ හා } (x-4)$$

(2) 8 හා 23 අතර පද ආක්‍රමීමෙන් සොයන්න.

(3) 8 හා -64 අතර පද ආක්‍රමීමෙන් සොයන්න.

(4) p හා 21 අතර සමාන්තර මධ්‍යන්යය 15 වේ. p අගය සොයන්න.

(5) q හා 38 අතර සමාන්තර මධ්‍යන්යය 25 නම් q සොයන්න.

(6) සංඛ්‍යා දේකක සමාන්තර මධ්‍යන්යය 20 වේ. සංඛ්‍යා දේකේ අන්තරය 16 කි. එම සංඛ්‍යා දේක සොයන්න.

24-3 සමාන්තර ග්‍රේඩීයක පද n ගණනක එක්ත්‍යය

1, 4, 7, 10, 13, 31, 34 යන ග්‍රේඩීයේ පද සියල්ලේ එක්ත්‍යය සොයමු.

මෙහි $a = 1$, $d = 3$, $T_n = a + (n-1)d$ මගින් පද ගණන සොයා ගනිමු.

$$T_n = a + (n-1)d \quad \text{මෙම ග්‍රේඩීයේ පදවල එක්ත්‍යය } S_n \text{ නම්}$$

$$34 = 1 + (n-1)3 \quad S_{12} = 1 + 4 + 7 + 10 + \dots + 31 + 34 \quad (1)$$

$$34 = 1 + 3n - 3 \quad S_{12} = 34, 31, \dots \quad 10 + 7 + 4 + 1 \quad (2)$$

$$34 + 2 = 3n \quad \text{ග්‍රේඩීයේ අග සිට ලියු විට මෙලෙස ඇබේ.}$$

$$\frac{12}{12} = n$$

$$(1) + (2) \quad 2S_{12} = (1+34) + (4+31) + (7+28) \dots + (31+4) + (34+1)$$

$$= 35 + 35 + 35 + \dots + 35 + 35$$

$$= 35 \times 12$$

$$2S_{12} = 420$$

$$\therefore S_{12} = 210$$

පැහැදිලි අගය විගෘහ කළ විට $S_{12} = \frac{12}{2} \times (1+34)$

$$S_n = \frac{\text{පද } n \text{ ගණන}}{2} \times (\text{පළමු පදය} + \text{අවසාන පදය})$$

සමාන්තර ගෝජීයක පළමු පදය a ද පොදු අන්තරය d ද වන විට ගෝජීයේ පද n ගණනක එකත් සඳහා ප්‍රකාශනයක් ලබා ගනිමු.

මෙහි n වැනි පදය $T_n = a + (n - 1)d$ මගින් ලැබේ. එහෙත් ගෝජීයේ අවසාන පදය l බැවින්

$l = a + (n - 1)d$ ලෙස ද සූත්‍රය භාවිත කළ හැකි ය. අවසාන පදය l බැවින් අවසාන පද තුන $l - 2d, l - d, l$ වේ. පද n ගණනක එකත් සඳහා S_n නම්,

$$S_n = a + (a + d) + (a + 2d) + \dots + (l - 2d) + (l - d) + l \quad (1)$$

මෙම සමීකරණය ම අග සිට මුලට ලිවිමෙන්

$$S_n = l + (l - d) + (l - 2d) + \dots + (a + 2d) + (a + d) + a \quad (2)$$

$$(1) + (2) 2S_n = (a + l) + (a + l) + (a + l) + \dots + (a + l) + (a + l) + (a + l)$$

මෙහි $(a + l)$ වූ පද n ගණනක් ඇත.

$$\therefore 2S_n = n \times (a + l) \text{ වේ.}$$

$$S_n = \frac{n}{2}(a + l)$$

සූත්‍රය මගින් ගෝජීයේ එකත් ලැබේ.

මෙය පළමු පදය a සහ අවසාන පදය l වූ විට පද n ගණනක එකත් ලබාගැනීමට භාවිත කළ හැකි සූත්‍රයකි.

මෙහි අවසාන පදය $l = a + (n - 1)d$ බැවින් l සඳහා ආදේශ කළ විට

$$S_n = \frac{n}{2} \{a + a + (n - 1)d\} \text{ වේ.}$$

$$\text{එහිට } S_n = \frac{n}{2} \{2a + (n - 1)d\} \text{ වේ.}$$

මේ අනුව සමාන්තර ගෝජීයක පද n ගණනක එකත් සෝඩීම සඳහා සූත්‍ර 2 ක් ඇත.

$$S_n = \frac{n}{2}(a + l)$$

$$S_n = \frac{n}{2} \{2a + (n - 1)d\}$$

මෙම සූත්‍ර දෙක භාවිතයෙන් එකත් සෝඩීන ආකාරය සිලකා බලමු.

ନିର୍ଦ୍ଦେଶନ (11)

2, 6, 10, 14, ග්‍රැනීයේ පද 10 ක
ලේකනය සොයන්න.

$$a = 2, d = 4, n = 10, S_{10} = ?$$

$$\therefore S_n = \frac{n}{2} \{2a + (n-1)d\} \text{ അതേന്}$$

$$S_{10} = \frac{10}{2} \{2 \times 2 + (10 - 1)4\}$$

$$= 5\{4 + 9 \times 4\}$$

$$= 5\{4 + 3\}$$

$$\underline{\underline{S_{10} = 200}}$$

நிலைகள் (12)

සමාන්තර ශේෂීයක පලමු පදය 3 වන අතර 25 වැනි පදය 51 නම් ශේෂීයේ මූල් පද 25 ක ලේකඟය සෝයන්න.

$$a = 3, l = 51, n = 25, S_{25} = ?$$

$$S_n = \frac{n}{2}(a + l) \quad \text{മുകളിൽ}$$

$$S_{25} = \frac{25}{2}(3 + 51)$$

$$= \frac{25}{2} \times 54$$

$$= 25 \times 27$$

$$\underline{\underline{S_{25}}} = 675$$

ନିର୍ଦ୍ଦେଶନ (13)

4, 2, 0, -2, සංමාන්තර ග්‍රේශීයේ ලේකානය -84 විමට පද්ධියක් ගත යුතු ද?

$$a = 4, d = -2, S_n = -84, n=?$$

$$S_n = \frac{n}{2} \{2a + (n-1)d\}$$

$$-84 = \frac{n}{2} \{2 \times 4 + (n - 1)(-2)\}$$

$$-168 = n\{8 - 2n + 2\}$$

$$n^2 - 5n - 84 = 0$$

$$(n-12)(n+7) = 0$$

$$12 = 0 \bmod n + 7$$

16 5

$$n = 12 \text{ හෝ } n = -7$$

පද ගණන -7 විය නොහැකිය. ඒ නිසා ලේකුවය -84 වීමට පද 12 ක් ගත යතු ය.

සටහන:- සාධක යුගලයක ග්‍රැෆිස්තය ගුනය වන විට
එශ්චායින් එක් සාධකයක්වන් ගුනයට සමාන වේ. ඒ
අනුව $(n-12) = 0$ නම් $n = 12$ & $(n+7) = 0$ නම්
 $n = -7$ වේ.

ନିର୍ଦ୍ଦେଶନ (14)

ക്രേച്ചെയ്ക്ക n ലിന്റ് പട്ടയി $4n - 3$ വീ.

- මෙහි (i) මුල් පද හතර ලියන්න.
 (ii) පොදු අත්තරය සෞයන්න.
 (iii) 12 වන පදය සෞයන්න.
 (iv) මුල් පද 12 ක එකාකය සෞයන්න.

විසඳුම - (i) $T_n = 4n - 3$ නිසා

$$n = 1 \text{ විට } 4 \times 1 - 3 = 1$$

$$n = 2 \text{ විට } 4 \times 2 - 3 = 5$$

$$n = 3 \text{ විට } 4 \times 3 - 3 = 9$$

$$n = 4 \text{ විට } 4 \times 4 - 3 = 13$$

එවිට ශේෂීය $= 1, 5, 9, 13, \dots$ වේ.

(ii) පොදු අන්තරය $= 5 - 1 = 4$

(iv) පද 12 එක්කය සොයන්න.

$$S_{12} = \frac{n}{2}(a + l)$$

$$= \frac{12}{2}(1 + 45)$$

$$= 6 \times 46$$

$$\underline{\underline{S_{12} = 276}}$$

24.4 අභ්‍යාසය

- (1) 2, 5, 8, 11, ශේෂීයේ මූල් පද 12 හි එක්කය සොයන්න.
- (2) -42, -38, -34, ශේෂීයේ මූල් පද 20 හි එක්කය සොයන්න.
- (3) $1\frac{1}{2}, 3\frac{1}{2}, 5\frac{1}{2}$, ශේෂීයේ මූල් පද 10හි එක්කය සොයන්න.
- (4) 2.25, 2.75, 3.25, ශේෂීයේ පද 20ක එක්කය සොයන්න.
- (5) පළමු පදය 4 ද දෙවැනි පදය $2\frac{1}{2}$ ද වූ සමාන්තර ශේෂීයේ මූල් පද 17 හි එක්කය සොයන්න.
- (6) $T_n = 3n + 2$ මගින් ශේෂීයක n වන පදය දෙනු ලැබේ. එය සමාන්තර ශේෂීයක් බව පෙන්වන්න.
 - (i) එහි 11 වැනි පදය සොයන්න.
 - (ii) මූල් පද 11ක එක්කය සොයන්න.
- (7) සමාන්තර ශේෂීයක මූල් පද 8 ක එක්කය 228 කි. අට වැනි පදය 46 කි. ශේෂීයේ
 - (i) පළමු පදයන්
 - (ii) පොදු අන්තරයන්
 - (iii) මූල් පද 12 හි එක්කයන් සොයන්න.
- (8) 15, 12, 9 ශේෂීයේ
 - (i) -42 වන්නේ කී වැනි පදය ද?
 - (ii) මෙම ශේෂීයේ මූල් පද 10 හි එක්කය සොයන්න.
- (9) සමාන්තර ශේෂීයක 8 වැනි පදය 30 ද 12 වැනි පදය 46 ද වේ. මෙම ශේෂීයේ
 - (i) පළමු පදය
 - (ii) පොදු අන්තරය
 - (iii) මූල් පද 20 හි එක්කය සොයන්න.
- (10) මූල් පදය 6 ද පොදු අන්තරය 4 ද වූ සමාන්තර ශේෂීයක එක්කය 510 වීමට මූල් පදයේ සිට පද කියක් ගත යුතු ද?

(ඉහිය:- තිදුපුන 13 බලන්න)

(11) තමාට වියදමට දෙන මුදලින් යම් ප්‍රමාණයක් ඉතිරි කරගෙන සහි අන්තයේ කැටයකට එකතු කරන පිශුම් සැම සතියකම රේට පෙර සතියට වඩා රු. 2 ක් වැඩිපුර කැටයට දමයි. ඇය මුදල් දීමිම ආරම්භ කළේ රු. 5 ක් කැටයට දමතිනි.

- (i) පිශුම් 20 වැනි සතියේ කැටයට දමන මුදල සොයන්න.
- (ii) සති 20 ක් අවසානයේ දී ඇයගේ කැටයේ ඉතිරි වී ඇති මුළු මුදල කිය ද?

සාරාංශය

- සමාන්තර ග්‍රේඩියක n වැනි පදය $T_n = a + (n - 1)d$ මගින්ද
- පළමු පදය a පොදු අන්තරය d අවසාන පදය l ද වන සමාන්තර ග්‍රේඩියක මුළුපද n හි එකත්‍ය S_n නම්

$$S_n = \frac{n}{2}(a + l)$$

$$S_n = \frac{n}{2}\{2a + (n - 1)d\} \text{ මගින් } d \text{ ලැබේ.}$$

මූලු අභ්‍යාසය

(1) 150, 500 අතර ඇති පුරුණ සංඛ්‍යා අතුරෙන්

- (i) 8 න් බෙදෙන සංඛ්‍යා ගණන සොයන්න.
- (ii) 8 න් බෙදෙන සංඛ්‍යාවල එකතුව සොයන්න.

(2) $T_n = 5 - 2n$ මගින් සමාන්තර ග්‍රේඩියක n වැනි පදය දෙනු ලැබේ. මෙහි

- (i) පළමු පදය සොයන්න. (iii) ග්‍රේඩියේ පොදු අන්තරය සොයන්න.
- (ii) ග්‍රේඩියේ පළමු පද 4 ලියන්න. (iv) ග්‍රේඩියේ මුළු පද 10ක එකත්‍ය සොයන්න.

(3) මෝටර රථයක් 5ms^{-1} වේගයෙන් ගමන් ආරම්භ කරන අතර ඉන් පසු සැම සැම තත්පරයක දීම 2ms^{-1} බැහැන් වේගය වැඩි කරයි. මෙම මෝටර රථය 480m දුරක් යාමට ගතවන කාලය සොයන්න.

(4) පද 15 කින් යුත් සමාන්තර ග්‍රේඩියක පළමු පද 10 ක එකත්‍ය 110 කි. ඉතිරි පද 5 එකත්‍ය 130 කි. මෙහි,

- (i) පළමු පදය (iii) පොදු අන්තරය සොයන්න.

(5) ගැල්කරුවෙකුට 228 km දුරක් යාමට තිබේ. පළමු දිනයේ දී 30 km ක් ද රේඛා දිනයේ දී 28km ද තෙවැනි දිනයේ දී 26km ද යනා දී වශයෙන් ගමන් කරයි. ඔහුට මෙම ගමන අවසන් කිරීමට දින කියක් ගතවේ ද?

(6) සමාන්තර ග්‍රේඩියක 20 වන පදය 88කි. 15 වැනි පදය 68 කි. එකත්‍ය 1288 වීමට මුළු සිට පද කියක් ගත යුතු ද?