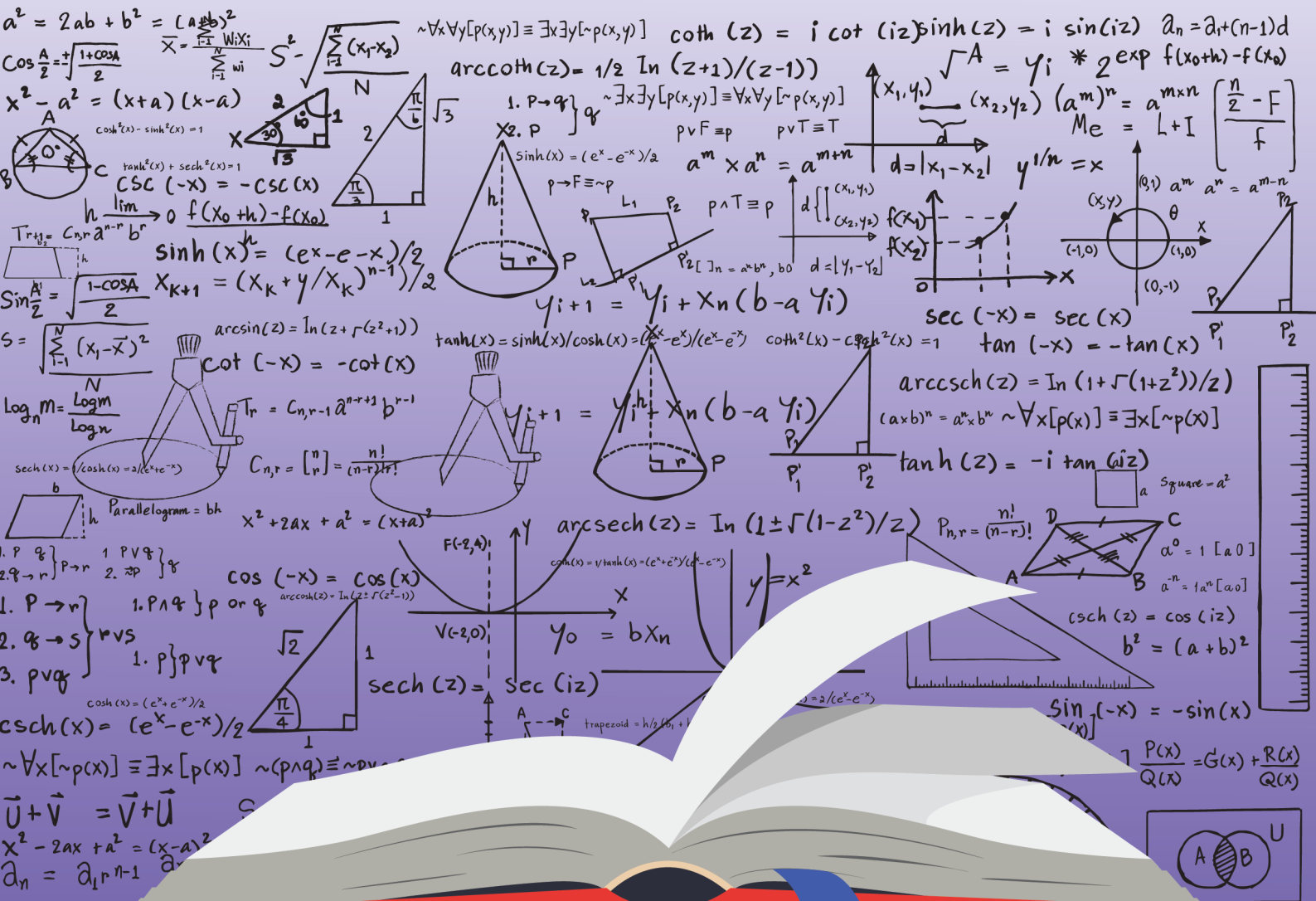
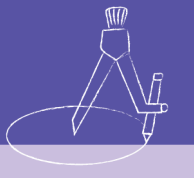


இணைந்த கணிதம்

பயிற்சிகள்





வினா 1



$y=3x^2 + 5x-16$ என்ற வளையி மீதுள்ள புள்ளி (1,2) இல் வளையிற்கு வரையப்படும் தொடலியின் சமன்பாட்டைக் காண்க

வினா 2



$y=7x^3 + 11$ என்ற வளையி மீதுள்ள $x=2, x=-2$ ஆகிய புள்ளிகளில் வரையப்படும் தொடலிகள் சமாந்தரமானவை எனக் காட்டுக.

வினா 3



$$x = 2\cos^3\theta, y = 2\sin^3\theta$$

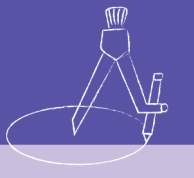
என்னும் பரமானச் சமன்பாடுகளால் தரப்படும் வளையி மீதுள்ள பரமானப்பெறுமானம் $\theta = \frac{\pi}{4}$ ஐ உடைய புள்ளி P யில் வரையப்படும் தொடலியின் சமன்பாட்டையும் செவ்வனின் சமன்பாட்டையும் காண்க.

வினா 4



$y=x^3-3x^2-9x+7$ என்ற வளையி மீதுள்ள இரு புள்ளிகளில் வரையப்படும்

தொடலிகள் x அச்சிற்கு சமாந்தரமாக அமையுமாயின் அவ்விரு புள்ளிகளின் ஆள்கூறுகளைக் காண்க.



வினா 5



$Y=(X-2)^2$ என்ற வளையியின் தொடலியானது (2,0), (4,4) ஆகிய புள்ளிகளை இணைக்கும் நாணிற்கு சமாந்தரமானதெனின் தொடலியின் தொடுபுள்ளியின் ஆள்கூறுகளைக் காண்க.

வினா 6



$Y=X^3-11X+5$ என்ற வளையியின் தொடலியானது $y=x-10$ என்ற நேர்கோட்டிற்குச் சமாந்தரமெனின் தொடலியின் தொடுபுள்ளியின் ஆள்கூறுகளைக் காண்க.

வினா 7

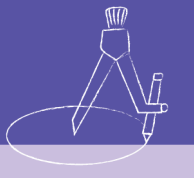


வளையி $\frac{x^2}{9} + \frac{y^2}{16} = 1$ இன் x அச்சிற்கு சமாந்தரமான தொடலியின் சமன்பாட்டையும் y அச்சிற்கு சமாந்தரமான தொடலியின் சமன்பாட்டையும் காண்க.

வினா 8



$Y=X^2-2X+7$ என்ற வளையியின் $2x-y=0$ சமாந்தரமான தொடலியின் சமன்பாட்டையும் $5x-15y=0$ இற்குச் செங்குத்தான தொடலியின் சமன்பாட்டையும் காண்க.



வினா 9



வளையி $ay^2 = x^3$ மீதுள்ள புள்ளி (at^2, at^3) இல் வளையியிற்கு வரையப்படும் செவ்வனின் சமன்பாட்டைக் காண்க.

வினா 10

$Y=X^2+1$ என்ற வளையி மீதுள்ள புள்ளி $P(x_0, y_0)$ இல் வளையிக்கு வரையப்பட்ட தொடலியின் படித்திறனைக் காண்க. இதிலிருந்து உற்பத்தியில் இருந்து இவ்வளையிக்கு வரையப்படும் இரு தொடலிகளின் சமன்பாடுகளைக் காண்க.



வினா 11



$Y=3X+2X^2-X^3-6$ எனும் சார்பின் $(2, 3)$ என்ற புள்ளியிலான தொடலியின் சமன்பாட்டைக் காண்க. இத்தொடலியானது $Y^2=6X-3$ எனும் வளையியிற்கு புள்ளி $(2, 3)$ இல் வரையப்பட்ட தொடலிக்கு செங்குத்தாகும் எனக் காட்டுக.

வினா 12

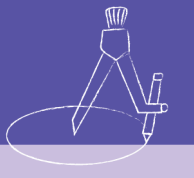
$Y=MX+1$ ஆனது $Y^2=4x$ எனும் வளையியின் ஒரு தொடலியாக இருப்பதற்கு m இன் பெறுமானத்தைக் காண்க.



வினா 13



வளையி $Y(1+X^2)=2$ இற்கு புள்ளி $P\left(3, \frac{1}{5}\right)$ இல் உள்ள தொடலி வளையியை மறுபடியும் Q இல் சந்திக்கின்றது. Q இன் ஆள்கூறுகளைக் காண்க



வினா 14



$0 \leq \theta \leq \frac{\pi}{2}$ என்னும் வீச்சில் $x = \sec \theta, y = 2 \tan \theta$ இனால் தரப்படும் வளையி C எனக் கொள்வோம்.இங்கு $\frac{dy}{dx}$ ஐ $\theta = \frac{\pi}{3}$ ஐ ஒத்த C மீதுள்ள புள்ளியில் உள்ள செவ்வண் கோட்டின் சமன்பாடு $\sqrt{3}x + 4y = 10\sqrt{3}$ எனக் காட்டுக

வினா 15



வளையி ஒன்றின் பரமானச் சமன்பாடு $x = a \sec^3 \theta, y = \tan^3 \theta$ இனால் தரப்படுகின்றது. இங்கு $a > 0, 0 < \theta < 2\pi$ ஆகும்.வளையிற்கு $\theta = \alpha$ இல் வரையப்பட்ட தொடலியின் சமன்பாடு $\frac{x}{\sec \alpha} - \frac{y}{\tan \alpha} = a$ எனக் காட்டுக.

வினா 16

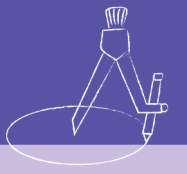


$x = 4 \cos \theta, y = \sin \theta$ இனால் தரப்படும் வளையி C எனக் கொள்வோம்.இங்கு $\theta = \frac{\pi}{6}$ ஆகும்.வளையி C யிற்கு $\theta = \frac{\pi}{6}$ எனும் பரமானப் பெறுமானம் உடைய புள்ளியில் உள்ள செவ்வனானது வளையி C ஐ மறுபடியும் $\theta = \alpha$ எனும் பரமானப் பெறுமானம் உள்ள புள்ளியில் சந்திக்கின்றது. $6 \sin \alpha - 32\sqrt{3} \cos \alpha + 45 = 0$ எனக் காட்டுக.

வினா 17



$\frac{x^2}{3} + \frac{y^2}{4} = 7$ என்ற வளையி மீதுள்ள (α, β) என்னும் புள்ளியில் வரையப்படும் தொடலியானது $y = x + 1$ என்ற கோட்டிற்கு சமாந்தரமெனின் α, β ஆகியவற்றை காண்க.



வினா 18



$y^2=4ax$ என்ற வளையி மீதுள்ள புள்ளி $(at^2, 2at)$ இல் வளையிக்கு வரையப்படும் தொடலியின் சமன்பாட்டைக் காண்க. இதிலிருந்து புள்ளி $(-a, 0)$ இல் இருந்து வளையிக்கு இரு தொடலிகள் வரையலாம் எனக்காட்டி அவற்றின் சமன்பாடுகளை காண்க.

வினா 19



வளையி $4x^2+9y^2=1$ இன் தொடலியானது நேர் x அச்சுடன் 45° அமைகிறது. தொடலியின் தொடுபுள்ளியின் ஆள்கூறுகளைக் காண்க.

வினா 20

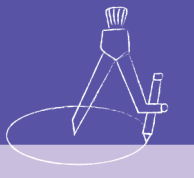


$x+3y=2$ என்னும் கோட்டிற்குச் செங்குத்தாக வரையப்படும் வளையி $3x^2-y^2=2$ இன் தொடலியின் சமன்பாடுகளை காண்க.

வினா 21



$3x-y+1=0$ என்னும் கோட்டிற்குச் சமாந்தரமாக வரையப்படும் வளையி $3x^2-y=3$ இன் தொடலியின் சமன்பாடுகளை காண்க.



வினா 22



வளையி $y=(x-3)^2$ இன் மீதுள்ள $(3,0)$, $(4,1)$ ஐ இணைக்கும் நாணிற்ரு சமாந்தரமாக இவ்வளையிக்கு வரையப்படும் தொடலியின் தொடுபுள்ளியின் ஆள்கூறுகளைக் காண்க.

வினா 23



23. வளையி C ஆனது $x = \frac{a}{2}\left(t + \frac{1}{t}\right), y = a\left(t - \frac{1}{t}\right)$ ஆகியவற்றில் பரமான ரீதியில் தரப்படுகின்றதென்க. இங்கு a ஒரு பூச்சியமற்ற ஒருமையும், t ஒரு பூச்சியமற்ற பரமானமுமாகும்.

பரமானப் பெறுமானம் t_0 ஐக் கொண்ட புள்ளியில் வளையி C யிற்கு வரையப்படும் செவ்வனின் சமன்பாட்டைக் காண்க.

வளையி C யிற்கு புள்ளி $(-13a,0)$ இலிருந்து நான்கு செவ்வன்களை வரைய முடியுமெனக் காட்டி, அந்நான்கு செவ்வன்களினதும் அடிகளின் பரமானப் பெறுமானங்களைக் காண்க.

வினா 24

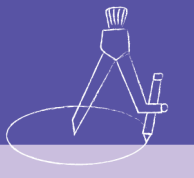


புள்ளி $P(at^2, at^3)$ இல் வளையி $ay^2=x^3$ இற்கு வரையப்பட்டுள்ள தொடலியானது வளையியை மறுபடியும் Q இல் சந்திக்கின்றது. இங்கு a ஒரு மாறிலி. Q இன் ஆள்கூறுகளை t இன் சார்பில் காண்க.

வினா 25



புள்ளி $P(4t^2, 8t^3)$ இல் வளையி $x^3=y^2$ இற்கு வரையப்பட்ட தொடலியின் சமன்பாடு $4tx-y-4t^3=0$ எனக் காட்டுக. அது வளையியை மீண்டும் (t^2-t^3) என்ற புள்ளியில் வெட்டும் எனவும் $9t^2=2$ எனின் அப்புள்ளியில் அது செவ்வனாக இருக்கும் எனவும் காட்டுக.



வினா 26



$x = 3 \cos \theta - \cos^3 \theta, y = 3 \sin \theta - \sin^3 \theta$ என்னும் பரமானச் சமன்பாடுகளால் தரப்படும் வளையி $\theta = \frac{\pi}{4}$ மீதுள்ள புள்ளி இல் வரையப்படும் செவ்வனின் சமன்பாட்டைக் கண்டு அது உற்பத்தியினுடாக செல்லும் எனக் காட்டுக.

வினா 27



உற்பத்தியில் இருந்து $y = \sin x$ என்னும் வளையியிற்கு தொடலிகள் வரையப்படுகின்றன. அவற்றின் தொடுபுள்ளிகள் $x^2 y^2 = x^2 - y^2$ என்பதன் மேல் அமையும் எனக் காட்டுக.

வினா 28

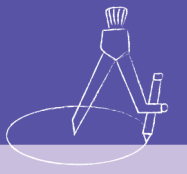


$\sqrt{x} + \sqrt{y} = \sqrt{a}$ என்னும் வளையி மீதுள்ள ஒரு மாறும் புள்ளி P இலிருந்து வரையப்பட்ட தொடலி x, y அச்சுக்களில் உண்டாக்கும் வெட்டுத்துண்டங்களின் நீளங்களின் கூட்டுத்தொகை மாறிலி எனக் காட்டுக.

வினா 29



வளையி $y^2 = \frac{x^3}{2a - x}$ இற்குப் புள்ளி (a, a) இல் வரையப்பட்ட தொடலிக்கோட்டின் சமன்பாட்டைக் காண்க. இக்கோடானது வளையியை மீண்டும் $\left(\frac{2a}{5}, -\frac{a}{5}\right)$ என்னும் புள்ளியில் இடைவெட்டும் எனக் காட்டுக. (a, a) எனும் புள்ளியில் வரையப்பட்ட தொடலி, செவ்வன் மற்றும் $x = 2a$ என்ற நேர்கோடு என்பவை உருவாக்கும் முக்கோணியின் பரப்பளவு எனக் $\frac{5a^2}{4}$ எனக்காட்டுக.



வினா 30

வளையி $ay^2=x^3$ இல் உள்ள ஒரு புள்ளியில் வரையும் செவ்வன் x,y அச்சுக்களில் சமநீளமுள்ள துண்டங்களை வெட்டினால் x அச்சிலிருந்து அப்புள்ளியின் தூரத்தைக் காண்க.

வினா 31



$y=5-2x^2$ என்ற வளையி மீதுள்ள $x=1$ என்னும் புள்ளியில் வரையப்பட்ட

தொடலியானது x,y அச்சுக்களை A,B என்னும் புள்ளிகளில் இடைவெட்டுமாயின்

OAB என்னும் முக்கோணியின் பரப்பளவைக் காண்க. இங்கு O என்பது உற்பத்தியாகும்.