

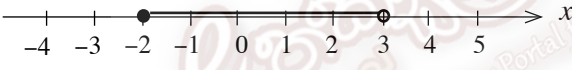
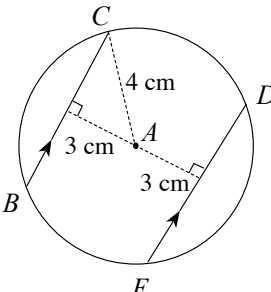
க.பொ.த (சா. தரம்) உதவிக் கருத்தரங்கு - 2016

கணிதம் I (பகுதி A)

புள்ளி வழங்கும் திட்டம்

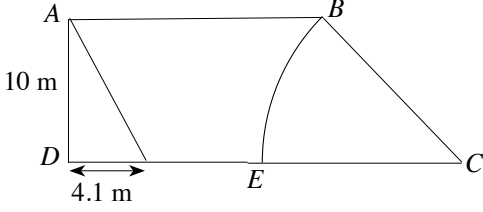
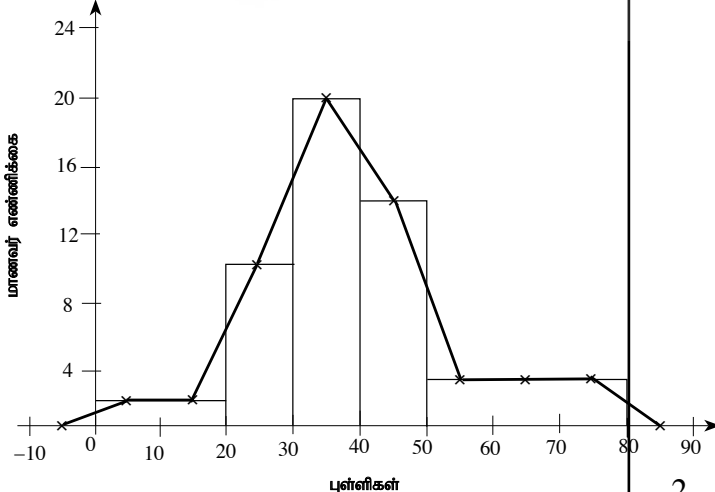
வினா இலக்கம்	விடை	புள்ளி	வேறு காரணங்கள்
1.	$8^2 = 64$	2	
2.	$x = 50^\circ$ $x + 90^\circ + 40^\circ = 180^\circ$ அல்லது $x + 40^\circ = 90^\circ$	1	
3.	ரூ. 64 800 ரூ. $540\,000 \times \frac{2}{100} \times 6$	1	
4.	$(x+4)(x+1)$ $x^2 + 4x + x + 4$	1	
5.	இரு சம பக்கங்கள் WY, YZ ஆகும். $\angle YWZ = 20^\circ$	1	
6.	$L' \cap M$	2	
7.	60°	2	
8.	40 $\frac{1}{5} = \frac{8}{n(S)}$	1	
9.	$Q_3 - Q_1 = 6$ $Q_1 = 3 \quad Q_3 = 9$	1	
10.	$\Delta PTS, \Delta QTR$ கோ.கோ.ப. சந்தர்ப்பம்	1 1	
11.	$x^2(x+1)$	2	
12.	$r = 7 \text{ cm}$ $2 \times \frac{22}{7} \times r = 44$	1	
13.	$x+y = 90^\circ$ $2x+2y = 180^\circ$	1	
14.	$\frac{2}{3x}$ $\frac{3}{3x} - \frac{1}{3x}$	1	

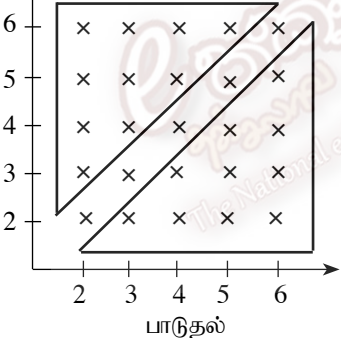
ஒர் அரைவட்டத்தின் கோணமாக 90° ஐ எடுத்தல்.

வினா இலக்கம்	விடை	புள்ளி	வேறு காரணங்கள்
15.	9	2	
16.	$\hat{ADB} = 40^\circ$ $\hat{OAD} = 40^\circ$ அல்லது $\hat{ACB} = 40^\circ$	1	2
17.	$B = \begin{pmatrix} -5 & 4 \\ 2 & 1 \end{pmatrix}_{2 \times 2}$ $\begin{pmatrix} 6 & -4 \\ -2 & 0 \end{pmatrix}_{2 \times 2} + B = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}_{2 \times 2}$	1	2
18.	$y = 70^\circ$ $DE \parallel CB$ எனக் காட்டல் (நடுப் புள்ளித் தேற்றம்)	1	2
19.	$y = -x + 3$ $m = -1$ அல்லது $c = 3$	1	2
20.	$x = 120^\circ$ $x + 60^\circ = 180^\circ$ (ஒரு வட்ட நாற்பக்கலின் எதிர்க் கோணங்கள் மிகைநிரப்புகின்றன.)	1	2
21.		1	2
22.	$r = 2$ $24 = 3 \times r^{4-1}$	1	2
23.	9 வேலைக்குத் தேவையான மனித நாட்களின் எண்ணிக்கை $= 8 \times 9 = 72$	1	2
24.	 BC இற்குச் சமாந்தரமாகக் கோட்டினை வரைதல் A இலிருந்து 3 cm ஐக் குறித்தல். D, E ஆகிய புள்ளிகளைக் குறித்தல்.	1	2
25.	60 kmh^{-1} $\frac{360 \text{ km}}{6 \text{ h}}$ அல்லது $\frac{240 \text{ km}}{4 \text{ h}}$ அல்லது $\frac{120 \text{ km}}{2 \text{ h}}$	1	2

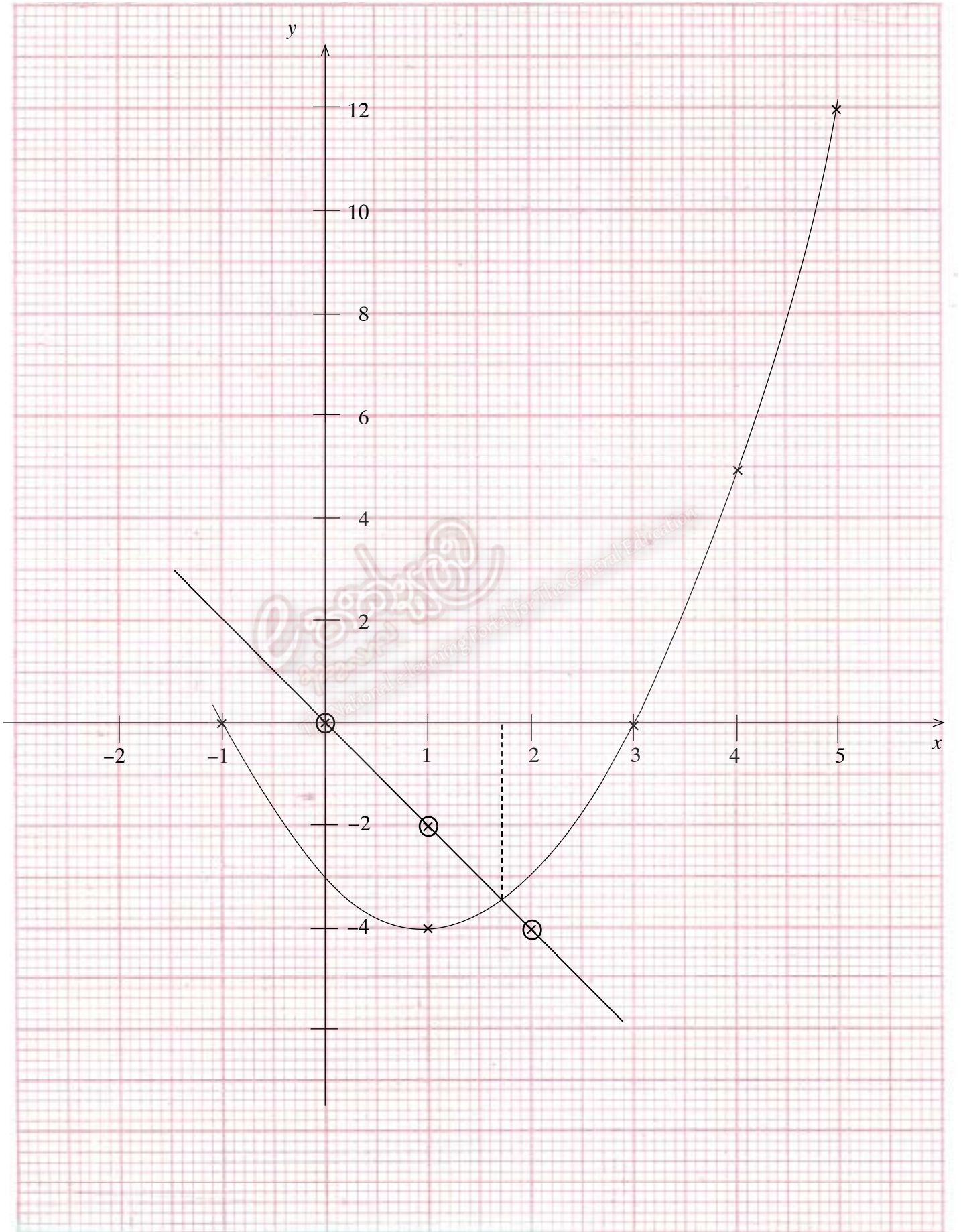
கணிதம் I (பகுதி B)
புள்ளி வழங்கும் திட்டம்

வினா இலக்கம்		விடை	புள்ளி				வேறு காரணங்கள்
1.	(i)	$\frac{1}{8} + \frac{2}{3}$ $= \frac{19}{24}$	1				
	(ii)	எஞ்சிய கடிதங்கள் பின்னமாக $= \frac{5}{24}$ கடுகதிக் கடிதங்கள் பின்னமாக $= \frac{5}{24} \times \frac{1}{5}$ $= \frac{1}{24}$	1	2			
	(iii)	வெளிநாட்டுக் கடிதங்கள் பின்னமாக $= \frac{4}{24}$ கடிதங்களில் $\frac{4}{24}$ $= 520$ கடிதங்களின் மொத்த எண்ணிக்கை $= \frac{520}{4} \times 24$ $= 3120$ பதிவுக் கடிதங்கள் $= 3120 \times \frac{1}{8}$ $= 390$	1	3			
	(iv)	சாதாரண கடிதங்கள் : கடுகதிக் கடிதங்கள் $= \frac{2}{3} : \frac{1}{24}$ $= 16 : 1$	1	3			கடித எண்ணிக்கையைக் காண்பதன் மூலமும் விடையைப் பெறலாம்
			1	2		10	
2.	(i)	நீளம் $BE = \frac{1}{8} \times 2\pi r$ $= \frac{1}{8} \times 2 \times \frac{22}{7} \times 14$ $= 11 \text{ m}$ $ABED$ இன் சுற்றளவு $= (11 + 15 + 10 + 11) \text{ m}$ $= 47 \text{ m}$	1				
	(ii)	மணல் பரப்பப்பட்டுள்ள பகுதியின் பரப்பளவு $= \frac{1}{8} \pi r^2$ $= \frac{1}{8} \times \frac{22}{7} \times 14 \times 14$ $= 77 \text{ m}^2$	1	3			
	(iii)	மணல் இல்லாத பகுதியின் பரப்பளவு $= \frac{(25 + 15) \times 10}{2} - 77$ $= 200 - 77$ $= 123 \text{ m}^2$	1	2			
			1	3			

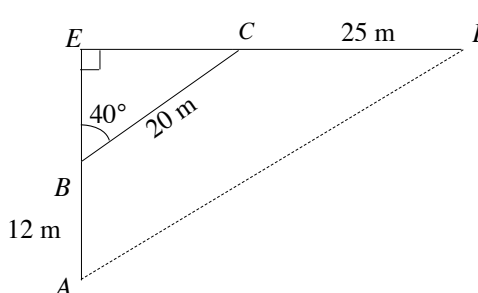
வினா இலக்கம்		விடை	புள்ளி				வேறு காரணங்கள்				
(iv)		 முக்கோணியை வரைதல் 4.1 m ஐக் குறித்தல்	1 1	(2)		10					
3.	(a)	(i) ஓர் ஆண்டிற்கு வரிப்பணம் = 1500×4 = ரூ. 6000 ஆண்டு வரிப்பணச் சதவீதம் = $\frac{6000}{75000} \times 100\%$ = 8% (ii) கழிவு = $6000 \times \frac{10}{100}$ = ரூ. 600	1 1 1	(3)							
	(b)	(i) பங்கு எண்ணிக்கை = $\frac{270000}{9}$ = 30 000 வருமானம் = ரூ. 30 000 $\times 2$ = ரூ. 60 000 (ii) ஒரு பங்கின் இலாபம் = ரூ. 1.50 மூலதன இலாபம் = ரூ. 1.50 $\times 30 000$ = ரூ. 45 000	1 1 1 1 1	(2)	5						
				(2)							
				(2)							
				(3)	5	10	$(30\,000 \times 10.50) - 270\,000$ $= 315\,000 - 270\,000$ $= 45\,000$				
4.	(i)	<table border="1"> <tr> <td>40 - 50</td> <td>14</td> </tr> <tr> <td>50 - 80</td> <td>12</td> </tr> </table>	40 - 50	14	50 - 80	12	1 1	(2)			
40 - 50	14										
50 - 80	12										
	(ii)	 புள்ளிகள்	2	(2)							
	(iii)	வலையுருவவரையத்தைப் பூரணப்படுத்தல். மீடறன் பல்கோணியின் இரு முனைப் புள்ளிகளையும் குறித்தல். நடுப் புள்ளிகளைக் குறித்தல். மீடறன் பல்கோணியைப் பூரணப்படுத்தல்.	1 1 1	(3)							
	(iv)	சதவீதம் = $\frac{12}{60} \times 100\%$ = 20%	2 1	(3)		10	[பக். 5 ஐப் பார்க்க				

வினா இலக்கம்	விடை	புள்ளி	வேறு காரணங்கள்
5.	(a) (i)	இரண்டாவது எடுத்தல் (இசைத்தல்.) முதலாவது எடுத்தல் (பாடுதல்.) $\frac{4}{6}$ ஆண் $\frac{4}{6}$ ஆண் $\frac{2}{6}$ பெண் $\frac{2}{6}$ பெண் $\frac{4}{6}$ ஆண் $\frac{2}{6}$ பெண்	2 (2) $\frac{4}{6}, \frac{2}{6}$
	(ii)	மர வரிப்படத்தை விரிவுபடுத்தல். ஒரு பிள்ளை ஆணாகவும் மற்றைய பிள்ளை பெண்ணாகவும் இருப்பதற்கான நிகழ்தகவு $= \frac{4}{6} \times \frac{2}{6} + \frac{2}{6} \times \frac{4}{6}$ $= \frac{16}{36}$	1 1 + 1 1 (4) 6
	(b) (i)	இசைத்தல்  பாடுதல் நெய்யரியில் வகைகுறித்தல்.	1 (1) 1 2 (3) 4 10
	(ii)	நிகழ்ச்சியை நெய்யரியில் குறித்தல் நிகழ்தகவு = $\frac{20}{25}$ அல்லது $\frac{4}{5}$	

2. (a) (ii)



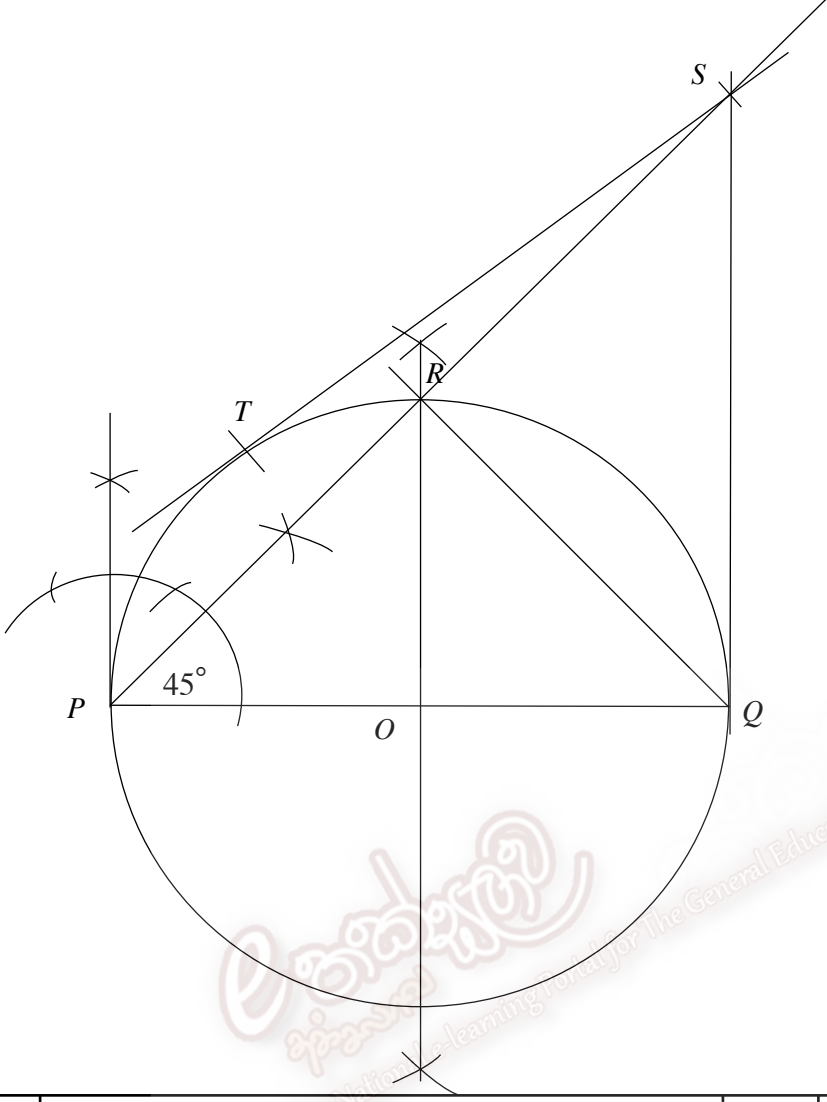
வினா		சரியான விடை	புள்ளி		வேறு காரணங்கள்																																				
3.	(i)	2	1	①																																					
	(ii)	<table border="1"><thead><tr><th>வகுப்பாயிடை</th><th>நடுப் பெறுமானம் (x)</th><th>மீட்டறன் (f)</th><th>fx</th></tr></thead><tbody><tr><td>4 – 8</td><td>6</td><td>2</td><td>12</td></tr><tr><td>9 – 13</td><td>11</td><td>3</td><td>33</td></tr><tr><td>14 – 18</td><td>16</td><td>5</td><td>80</td></tr><tr><td>19 – 23</td><td>21</td><td>8</td><td>168</td></tr><tr><td>24 – 28</td><td>26</td><td>15</td><td>390</td></tr><tr><td>29 – 33</td><td>31</td><td>5</td><td>155</td></tr><tr><td>34 – 38</td><td>36</td><td>2</td><td>72</td></tr><tr><td colspan="2"></td><td>Σf = 40</td><td>Σfx = 910</td></tr></tbody></table> நடுப் பெறுமான நிரலுக்கு fx நிரலுக்கு Σfx = 910 இடைத் தடவை எண்ணிக்கை = $\frac{910}{40}$ = 22.75 = 23 (கிட்டிய முழு எண்ணுக்கு)	வகுப்பாயிடை	நடுப் பெறுமானம் (x)	மீட்டறன் (f)	fx	4 – 8	6	2	12	9 – 13	11	3	33	14 – 18	16	5	80	19 – 23	21	8	168	24 – 28	26	15	390	29 – 33	31	5	155	34 – 38	36	2	72			Σf = 40	Σfx = 910	1 1 1 1		fd நிரல் ---- 1 Σfd -1 $A + \frac{\Sigma fd}{40} -1$
	வகுப்பாயிடை	நடுப் பெறுமானம் (x)	மீட்டறன் (f)	fx																																					
	4 – 8	6	2	12																																					
	9 – 13	11	3	33																																					
	14 – 18	16	5	80																																					
	19 – 23	21	8	168																																					
	24 – 28	26	15	390																																					
	29 – 33	31	5	155																																					
	34 – 38	36	2	72																																					
		Σf = 40	Σfx = 910																																						
(iii)	மண்ணுக்காகச் செலவிடப்படும் பணம் = ரூ. $23 \times 4 \times 2000$ = ரூ. 184 000	1	⑤																																						
(iv)	2 நாட்களில் எதிர்பார்த்த பணம் = ரூ. $184\,000 \times 2 \times 40$ = ரூ. 14 720 000 14 000 000 < 14 720 000 ஆகையால், பொறியியலாளரின் கூற்று உண்மையாக இருக்கலாம்.	1 1 1	① ③	10																																					
4.		பிள்ளைகளின் எண்ணிக்கை = x அல்லது வேறு தெரியாக் கணியம் வயது வந்தவர்களின் எண்ணிக்கை = y அல்லது வேறு தெரியாக் கணியம் $3x + 2y = 186$ ① $2x + y = 114$ ② ② $\times 2$ $4x + 2y = 228$ ③ ③ - ① $x = 42$ $x = 42$, ② இற்குப் பிரதியிடும்போது $2 \times 42 + y = 114$ $y = 114 - 84$ $y = 30$	1 1 1 1 1 1		[பக். 4 ஐப் பார்க்க																																				

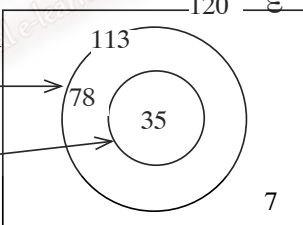
வினா		சரியான விடை	புள்ளி			வேறு காரணங்கள்
		பிள்ளைகளின் எண்ணிக்கை = 42, வயது வந்தவர்களின் எண்ணிக்கை = 30 ஒரு நாளுக்குக் கிடைக்கும் மொத்தப் பணம் = $42 \times 100 + 30 \times 150$ ஒரு ஒரு வாரத்திற்குக் கிடைக்கும் மொத்தப் பணம் = $(42 \times 100 + 30 \times 150) \times 7$ = ரூ. 60 900	1 1 1 1	(10)	10	
5.	(i)	செம்பக்கத்தின் நீளம் = $2x - 1$ cm	1	(1)		
	(ii)	எஞ்சிய பக்கத்தின் நீளம் = $x + 3$ cm	1			
	(iii)	$(2x - 1)^2 = x^2 + (x + 3)^2$ $4x^2 - 4x + 1 = x^2 + x^2 + 6x + 9$ $2x^2 - 10x - 8 = 0$ $x^2 - 5x = 4$	1 1 1	(2)		$2x - 1,$ $x + 3$ ஆகியவற்றில் ஒரு கோவையை வர்க்கித்தல்.
	(iv)	$x^2 - 5x + \frac{25}{4} = 4 + \frac{25}{4}$ $(x - \frac{5}{2})^2 = \frac{41}{4}$ $x = \frac{\pm \sqrt{41} + 5}{2}$ $x = \frac{6.4 + 5}{2} / x = -\frac{6.4 + 5}{2}$ $x = 5.7 / x = -0.7$ x இற்கு மறைப் பெறுமானத்தை எடுக்க முடியாது. $\therefore x = 5.7$ cm செம்பக்கத்தின் நீளம் = $2 \times 5.7 - 1$ = $11.4 - 1$ = 10.4 cm	1 1 1 1 1	(2)		குத்திரம் - 1 குத்திரங்களில் பிரதியிடல். - 1
			1	(5)	10	
6.	(i)		1	(1)		
	(ii)	$\sin 40^\circ = \frac{CE}{20}$ $0.6428 = \frac{CE}{20}$ $CE = 12.856$ $\therefore CE = 13$ m (கிட்டிய மீற்றருக்கு)	1 1 1	(3)		

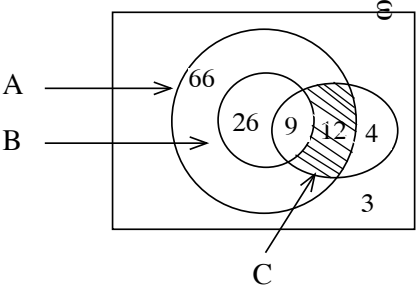
வினா இலக்கம்			சரியான விடை	புள்ளி			வேறு காரணங்கள்
	(iii)		$\tan \hat{EAD} = \frac{13 + 25}{12 + 15}$ $= \frac{38}{27}$ $= 1.4074$ $\hat{EAD} = 54^\circ 36'$ $\sin 54^\circ 36' = \frac{38}{AD}$ $0.8151 = \frac{38}{AD}$ $AD = 46.62 \text{ m}$	1 1 1 1 1 1			10
					6		

பகுதி B

வினா			சரியான விடை	புள்ளி			வேறு காரணங்கள்
7.	(i)		$T_n = a + (n - 1) d$ $a = 50, d = 25, n = 12$ $T_{12} = 50 + (12 - 1) \times 25$ $= 50 + 275$ $= \text{ரூ. } 325$	1 1	2		
	(ii)		$T_n + T_{n+1} = 425$ $a + (n - 1) d + a + nd = 425$ $2a + 2nd - d = 425$ $2 \times 50 + 2n \times 25 - 25 = 425$ $50n = 350$ $n = 7$ வினா 7, வினா 8 ஆகும்.	1 1 1 1	4		$50 + (n-1) 25 + 50 (n + 1 - 1) 25 = 425$
	(iii)		$S_n = \frac{n}{2} \{2a + (n - 1) d\}$ $1300 \times 2 = \frac{n}{2} \{2 \times 50 + (n - 1) 25\}$ $5200 = n (75 + 25n)$ $208 = n^2 + 3n$ $n^2 + 3n - 208 = 0$ $(n + 16) (n - 13) = 0$ $n = -16 / n = 13$ $\therefore$ வினா எண்ணிக்கை $13 + 1 = 14$	1 1 1 1 1 1	4		10

வினா இலக்கம்	சரியான விடை	புள்ளி	வேறு காரணங்கள்
8.			
(i)	$PQ = 8 \text{ cm}$ ஐ அமைத்தல்	1	①
(ii)	$\angle QPR = 45^\circ$ ஐ அமைத்தல். செங்குத்து இருகூறாக்கி PQ ஐ அமைத்தல் R ஐக் குறித்தல்.	1 1 1 1	③
(iii)	மையத்தைப் பெறுதல் வட்டத்தை வரைதல்	1 1	②
(iv)	S ஐப் பெறுதல்	1	①
(v)	T ஐப் பெறுதல் $\angle PRQ = 90^\circ$ ஆகையால், $\angle QRS = 90^\circ$ ஆகும். $PR = RS = RQ$ ஆகையால் $\angle PQR = \angle RQS = 45^\circ$ ஆகும். $\therefore \angle OQS = 90^\circ$ QS ஒரு தொடலி ஆகும். $QS = ST$ ஆகையால், ST உம் ஒரு தொடலியாகும்.	1 1 1 1	③
			10

வினா	சரியான விடை	புள்ளி		வேறு காரணங்கள்
9.	அரியத்தின் கனவளவு $= \frac{1}{2} \times 2a \times 3a \times 8a$ கூம்பின் கனவளவு $= \frac{1}{3} \times \pi(2r)^2 \times h$ $\frac{1}{2} \times 2a \times 3a \times 8a = \frac{1}{3} \times \pi \times 4r^2 \times 15$ $\frac{4}{3} \pi r^2 \times 15 = 24a^3$ $20\pi r^2 = 24a^3$ $r^2 = \frac{24a^3}{20\pi}$ $r^2 = \frac{6a^3}{5\pi}$ $\lg r^2 = \lg 6 + 3 \lg 4.55 - (\lg 5 + \lg 3.14)$ $= 0.7782 + 3 \times 0.6580 - (0.6990 + 0.4969)$ $= 0.7782 + 1.9740 - 1.1959$ $\lg r^2 = 1.5563$ $r^2 = \text{antilog } 1.5563$ $r^2 = 36.0$ $r = 6 \text{ cm}$ கூம்பின் ஆரை $= 2 \times 6$ $= 12 \text{ cm}$	1 1 1 1 1 1 2 1 1 1 1	10	2 மடக்கை களுக்கு 1
10.	(i) வள்ளுவர் நகரின் வீடுகள் A - தொலைக்காட்சிப் பொறி உள்ள வீடுகள் B - வானொலிப் பொறி உள்ள வீடுகள்  A, B ஆகியவற்றைப் பெயரிடல் 78, 35 ஆகியவற்றைக் குறித்தல் (ii) 35 (iii) $\frac{85}{120}$	1 1 + 1 1 1 3 1 1		

வினா இலக்கம்		சரியான விடை	புள்ளி			வேறு காரணங்கள்
	(iv)	 தொடை C ஐ வரைதல் 9, 12, 4, 66, 26, 3 ஆகியவற்றைப் பெறுதல் (2 சரியான பெறுமானங்களுக்கு 1 வீதம்)	1			
	(v)	நிழற்றல்	3	④		
			1	①	10	
11.	(i)	$\hat{PQX} = 20^\circ$ மையத்தில் எதிரமைக்கும் கோணம் பரிதியின் மீது எதிரமைக்கும் கோணத்தின் இரு மடங்காகும்.	1			
	(ii)	$RT = TQ$ ஒரு நாணின் நடுப் புள்ளியையும் வட்டத்தின் மையத்தையும் தொடுக்கும் கோடு நாணுக்குச் செங்குத்தாகையால் $\hat{OTQ} = 90^\circ$ தொடலி தொடுகைப் புள்ளியில் ஆரைக்குச் செங்குத்தாகையால் $\hat{OXY} = 90^\circ$ $\hat{OTQ} + \hat{OXY} = 180^\circ$ நாற்பக்கலின் எதிர்க் கோணங்கள் மிகைநிரப்புகின்றமையால் $OTYX$ ஒரு வட்ட நாற்பக்கலாகும்.	1	②		
	(iii)	$\hat{XOT} = 140^\circ$ (ஒரு நேர்கோட்டின் மீது இருக்கும் கோணங்கள் மிகைநிரப்புகின்றன.) $\hat{XYZ} = 140^\circ$ (ஒரு வட்ட நாற்பக்கலின் புறக்கோணம் அகத்தெதிர்க் கோணத்திற்குச் சமம்)	1			
	(iv)	விட்டம் OY ஆகும். $\hat{OTY} = 90^\circ$ (விட்டத்தின் மூலம் வட்டத்தின் மீது செங்கோணம் ஆக்கப்படுகின்றது.)	1	④		
			1	②	10	

வினா இலக்கம்	சரியான விடை	புள்ளி	வேறு காரணங்கள்
12.	(i)		
	(ii)		

உருவ வரைதல்.

$CE = EF$ (தரவு)

$BE = EG$ (தரவு)

மூலைவிட்டங்கள் ஒன்றையொன்று இருகூறிடுவதனால்
நாற்பக்கல் $BCGF$ ஓர் இணைகரமாகும்.

$AF = FG$ (தரவு)

$BE = EG$ (தரவு)
நடுப் புள்ளித் தேற்றத்திற்கேற்ப

$FE \parallel AB \quad \therefore AB \parallel FC$

$BC \parallel FG$ (இணைகரத்தின் எதிர்ப் பக்கங்கள்)

$\therefore BC \parallel AF$

எதிர்ப் பக்கங்கள் சமாந்தரமாகையால்
நாற்பக்கல் $ABCF$ ஓர் இணைகரமாகும்.

$BC \parallel AG$

ஒரே அடி (BC) மீதும் ஒரே இரு சமாந்தரக் கோடுகளுக்கு ($BC \parallel AG$) இடையேயும் இருக்கும் இணைகரங்கள் பரப்பளவில் சமம் ஆகையால்)

$BCGF, ABCF$ ஆகியன பரப்பளவில் சமமான இணைகரங்களாகும்.

1

1

1

1

1

1

1

1

1

9

10