

அளவீடு – 2

- திரிகோண கணிதம்

தரம் 11 மாணவர்களுக்கான கணிதப்பாட அடைவை உயர்த்துவதற்கான அத்தியாவசிய கற்றல் எண்ணக்கருவைக் அடிப்படையாகக் கொண்ட கற்றல் படிமுறைகளும் பயிற்சிகளும் அடங்கிய ஒரு மொடியுலாகும்.

தேசிய கல்வி நிறுவகத்தின் பங்களிப்புடன் கல்வி அமைச்சின் கணித கிளையினூடான ஒரு தொகுப்பு

தரம் : 11

தவணை : III

பாட உள்ளடக்கம் : திரிகோணகணித விகிதம் (19)

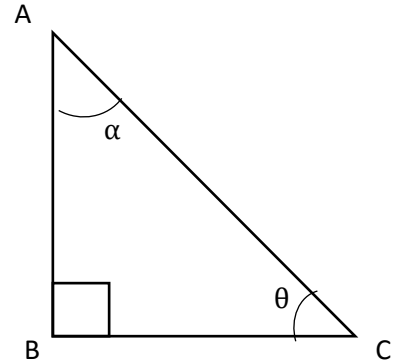
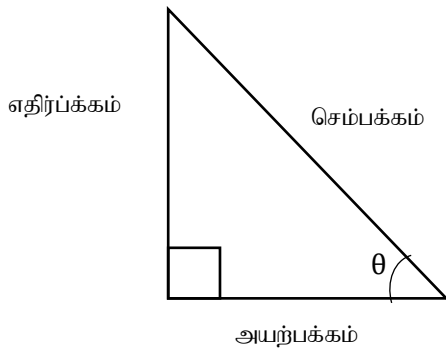
கற்றற் பேறு :

- ❖ செங்கோண முக்கோணி ஒன்றில் ஒரு கோணத்தின் சைன் பெறுமானமானது எதிர்பக்கத்தினதும் செம்பக்கத்தினதும் விகிதத்தால் பெறப்படும் என்பதை இனங்காண்பர்.
- ❖ செங்கோண முக்கோணி ஒன்றில் ஒரு கோணத்தின் கோசைன் பெறுமானமானது அயற்பக்கத்தினதும் செம்பக்கத்தினதும் விகிதத்தால் பெறப்படும் என்பதை இனங்காண்பர்.
- ❖ செங்கோண முக்கோணி ஒன்றில் ஒரு கோணத்தின் தான்சன் பெறுமானமானது எதிர்பக்கத்தினதும் அயற்பக்கத்தினதும் விகிதத்தால் பெறப்படும் என்பதை இனங்காண்பர்.

மேலுள்ள கற்றற்பேறுகளை பெற்றுக் கொள்வதற்காக கற்றல் கற்பித்தல் செயற்பாடுகளில் கவனம் செலுத்த வேண்டிய முக்கியவிடயங்கள்

- செங்கோண முக்கோணியொன்றின் பண்புகளை அறிந்து கொள்வர்.
- செங்கோண முக்கோணி ஒன்றில் ஒரு கோணத்திற்கு எதிர்பக்கம், அயற்பக்கம், செம்பக்கம் என்பவற்றை அறிந்து கொள்வார்.
- விகித எண்ணக்கருவைப் பயன்படுத்துவார்.
- செங்கோண முக்கோணி ஒன்றின் பக்கங்களுக்கு இடையிலான தொடர்பை எழுதுவார் (பைதகரஸ் தொடர்பு)
- வர்க்க எண்களின் வர்க்கமூலங்களை காண்பார்.

உதாரணம் :-



α கோணத்திற்கு ஏற்ப

எதிர்பக்கம் BC

அயற்பக்கம் AB

செம்பக்கம் AC

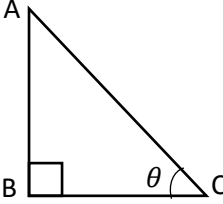
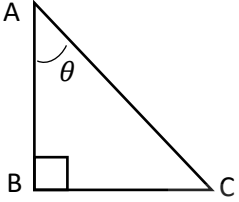
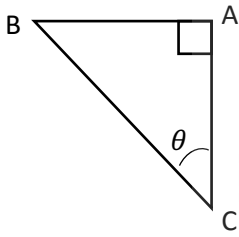
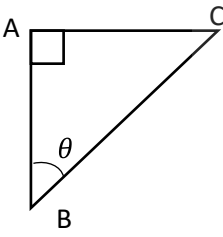
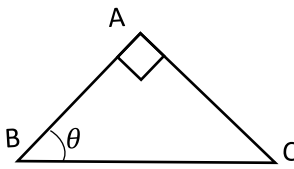
θ கோணத்திற்கு ஏற்ப

எதிர்பக்கம் AB

அயற்பக்கம் BC

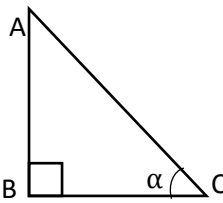
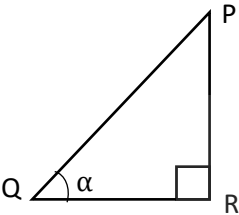
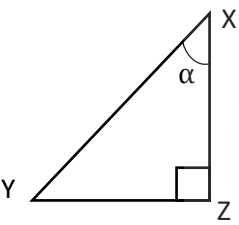
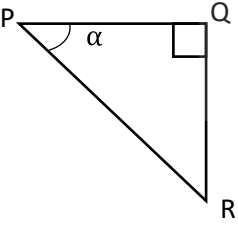
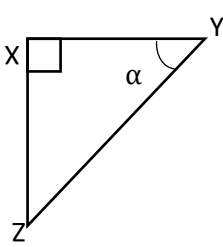
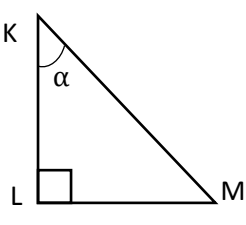
செம்பக்கம் AC

பயிற்சி 01

உரு	எதிர்ப்பக்கம்	அயற்பக்கம்	செம்பக்கம்
			
			
			
			
			

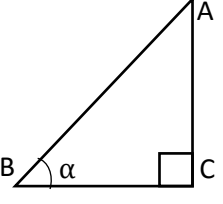
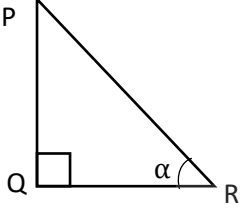
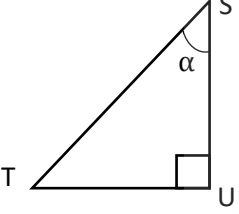
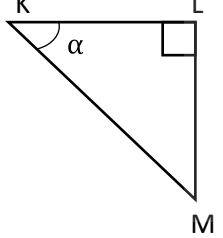
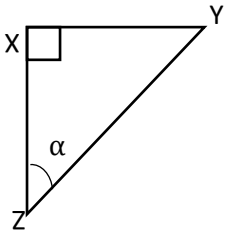
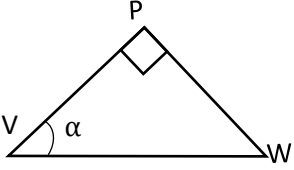
செங்கோண முக்கோணி ஒன்றில் ஒரு கோணத்தின் சைன் பெறுமானம் எதிர்பக்கத்தினதும் அயற்பக்கத்தினதும் விகிதத்தால் பெறப்படும்.

பயிற்சி : 02

முக்கோணி	ஏதிர்பக்கம்	செம்பக்கம்	Sin α
	AB	AC	$\frac{AB}{AC}$
			
			
			
			
			

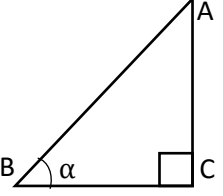
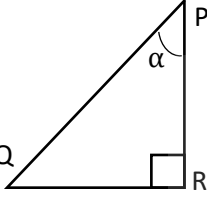
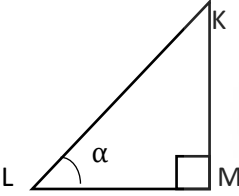
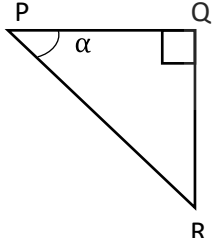
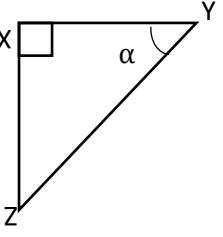
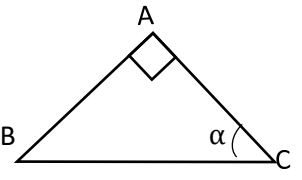
செங்கோண முக்கோணி ஒன்றின் ஒரு கோணத்தின் கோசைன் பெறுமானம் அதன் அயற்பக்கத்தினதும் செம்பக்கத்தினதும் விகிதத்தால் பெறப்படும்.

பயிற்சி :03

முக்கோணி	அயற்பக்கம்	செம்பக்கம்	$\cos \alpha$
	BC	AC	$\frac{BC}{AC}$
			
			
			
			
			

செங்கோண முக்கோணி ஒன்றில் கோணம் ஒன்றின் தான்சன் பெறுமானம் எதிர்ப்பக்கத்திற்கும் செம்பக்கத்திற்கும் இடையிலான விகிதமாகும்.

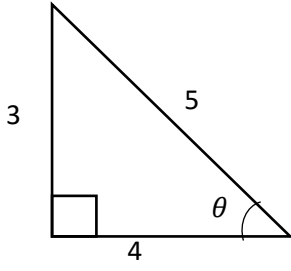
பயிற்சி : 04

முக்கோணி	எதிர்ப்பக்கம்	செம்பக்கம்	$\tan \alpha$
	AC	BC	$\frac{AC}{BC}$
			
			
			
			
			

கீழுள்ள ஒவ்வொரு வினாக்களையும் 2 – 3 நிமிடகாலப்பகுதியில் தீர்க்க.

செம்பெருவில் தரப்பட்ட கோணத்தின் திரிகோண கணித விகிதங்களை எழுதுக.

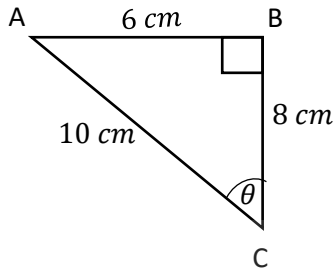
1)



$$\sin \theta = \dots\dots\dots$$

$$\cos \theta = \dots\dots\dots$$

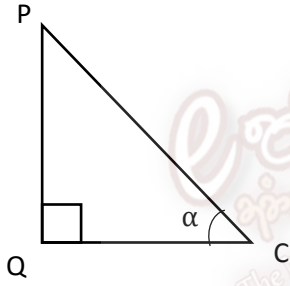
2)



$$\sin \theta = \dots\dots\dots$$

$$\tan \theta = \dots\dots\dots$$

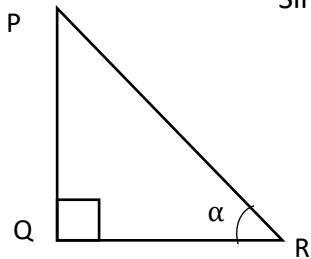
3)



$$\sin \theta = \frac{3}{5} \text{ எனின் } \tan \theta \text{ காண்க.}$$

.....
.....
.....

4)



$\sin \alpha$ கான பொருத்தமான விகிதத்தை தெரிந்து அதன் கீழ் கோடிடுக.

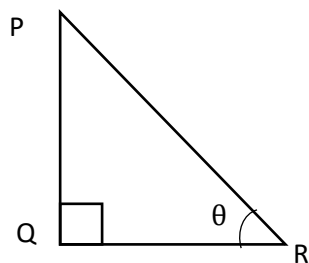
i. $\frac{PR}{QR}$

iii. $\frac{PQ}{QR}$

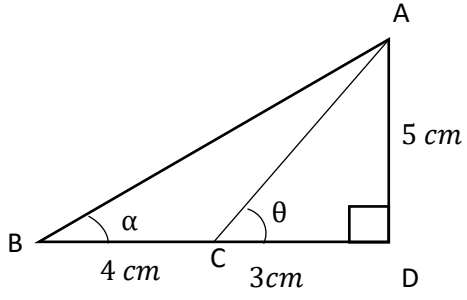
ii. $\frac{PQ}{PR}$

iv. $\frac{QR}{PR}$

5) தரப்பட்ட செங்கோண முக்கோணியில் $\sin \theta = \frac{6}{10}$ ஐக் குறிக்க



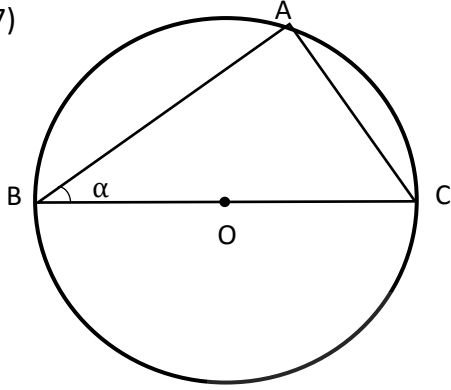
6)



$\tan \theta = \dots\dots\dots$

$\tan \alpha = \dots\dots\dots$ ஐக் காண்க.

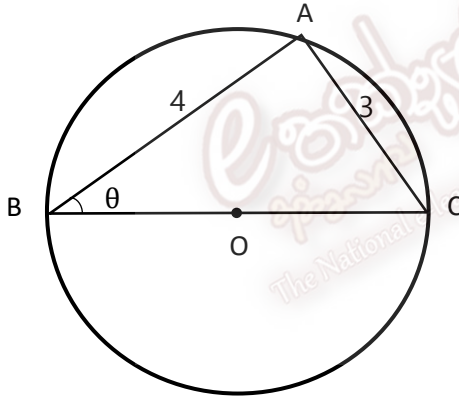
7)



$\sin \alpha$ விற்கான விகிதமொன்றை எழுதுக.

.....

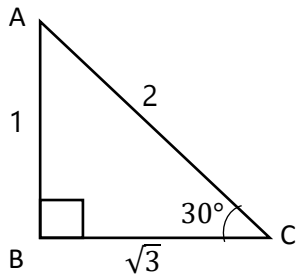
8)



$\sin \theta$ ற்கான பெறுமானத்தைக் காண்க.

.....

9)



உருவில் தரப்பட்ட அளவுகளைக் கொண்டு

- i. $\sin 30^\circ$
- ii. $\cos 30^\circ$ யின் பெறுமானங்களைக் காண்க.

.....

17 – அளவீடுகள் (திரிகோண கணித விகிதங்கள்)

விடைகள்

பயிற்சி: 01

i). AB, BC, AC

ii). BC, AB, AC

iii). AB, AC, BC

iv). AC, AB, BC

v). AC, AB, BC

பயிற்சி: 02

i). $PR, PQ \quad \frac{PR}{QP}$

ii). $YZ, XY \quad \frac{YZ}{XY}$

iii). $QR, PR \quad \frac{QR}{PR}$

iv). $XZ, YZ \quad \frac{XZ}{YZ}$

v). $LM, KM \quad \frac{LM}{KM}$

பயிற்சி: 03

i). $QR, PR \quad \frac{QR}{PR}$

ii). $SU, ST \quad \frac{SU}{ST}$

iii). $KL, KM \quad \frac{KL}{KM}$

iv). $XZ, YZ \quad \frac{XZ}{YZ}$

v). $PV, VW \quad \frac{PV}{VW}$

பயிற்சி: 04

i). $QR, PR \quad \frac{QR}{PR}$

ii). $KM, LM \quad \frac{KM}{LM}$

iii). $QR, PQ \quad \frac{QR}{PQ}$

iv). $XZ, XY \quad \frac{XZ}{XY}$

v). $AB, AC \quad \frac{AB}{AC}$

2 – 3 நிமிட பிரச்சினைகளுக்கான தீர்வு

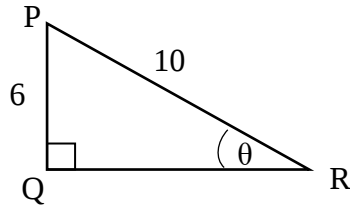
1). $\sin\theta = \frac{3}{5}, \cos\theta = \frac{4}{5}$

2). $\sin\theta = \frac{6}{10}, \tan\theta = \frac{6}{8}$

3). $\tan\theta = \frac{3}{4}$

4). ii. $\frac{PQ}{PR}$

5).



6). $\tan\theta = \frac{5}{3}, \tan\alpha = \frac{5}{7}$

7). $\sin\alpha = \frac{AC}{BC}$

8). $\sin\theta = \frac{3}{5}$

9). (i) $\sin 30^\circ = \frac{1}{2}$

ii). $\cos 30^\circ = \frac{\sqrt{3}}{2}$